

крокодил

Условие

Задача 11-1. Измерения с помощью омметра

Приборы и оборудование: Два мультиметра, переменный резистор 20 кОм, полупроводниковый диод, соединительные провода.

Укажите в работе марку выданных вам мультиметров.

Для подключения и отключения различных элементов цепей используйте разъемы типа «крокодил»

Мультиметр - многоцелевой цифровой электроизмерительный прибор, позволяющий измерять - электрическое сопротивление (режим омметра - Ω); - электрическое напряжение (режим вольтметра - V); Кроме того, в современных мультиметрах возможны и другие режимы работы, которые в данной работе не используются. Непосредственное измерение силы тока (в режиме амперметра) дает ненадежные результаты, поэтому такие измерения оцениваться не будут.

В режиме вольтметра мультиметр показывает напряжение на внешней цепи. Для измерения сопротивления внешней цепи используется внутренний источник (батарейка «Крона»). Сопротивление мультиметра в этом режиме составляет величины превышающие 1 мОм. Показания мультиметра в этом режиме определяются напряжением на внешней цепи. Мультиметр осуществляет «пересчет» от напряжения на резисторе к его сопротивлению. Внутренние параметры мультиметра в режиме омметра существенно зависят от диапазона измерения.

Часть 1. Параметры омметра.

Соберите электрическую цепь, показанную на рис. 1.

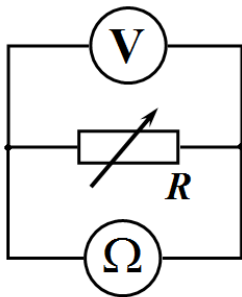


Рис. 1

1.1 Измерьте зависимость напряжения на переменном резисторе от его сопротивления. Измерения проведите в двух диапазонах 2 кОм и 20 кОм. Постройте графики полученных зависимостей.

1.2 Предложите простую электрическую схему омметра (включающую источник электрического тока, резисторы, вольтметр), позволяющую объяснить полученные данные. Для обоснования вашей схемы используйте полученные экспериментальные данные. Представьте их в линеаризованной форме. Определите существенные параметры мультиметра. Рассчитайте их численные значения, оцените погрешности найденных значений.

Часть 2. Измерения двумя омметрами.

Соберите цепь, показанную на рис. 2. Полярности подключения омметров должны быть одинаковы. **При измерениях отключайте омметры от цепи, а не просто выключайте их.**

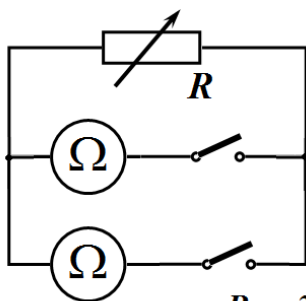


Рис. 2

2.1 Измерьте показания омметров (при различных значениях сопротивления переменного резистора): а) показания каждого из омметров при отключенном другом омметре R_1, R_2 ; б) показания омметров, когда к цепи подключены оба омметра $\tilde{R}_1, \tilde{R}_2$. Измерения проведите в двух случаях: первый - оба омметра работают в диапазоне 2 кОм; второй – в диапазоне 20 кОм. 2.2 Объясните полученные результаты: - предложите формулы, по которым омметр «рассчитывает» измеряемое сопротивление; - используя результаты, полученные в Части 1, рассчитаете теоретические значения показаний омметров (можно указать вид зависимости и привести численные значения параметров этой зависимости); сравните результаты расчетов с экспериментальными данными, объясните возможные причины их расхождения.

В данной части достаточно провести измерения при 4-5 значениях сопротивления переменного резистора. При построении теоретической модели можете считать, что ЭДС источника внутри омметра не зависит от диапазона измерения сопротивления. Также считайте, что омметр «может измерять» любые характеристики тока (силы токов, напряжения) внутри самого омметра и проводить по ним расчеты.

Часть 3. Изучение полупроводникового диода.

3.1 Используя имеющееся оборудование, измерьте вольтамперную характеристику (зависимость силы тока через диод от напряжения на нем) полупроводникового диода в прямом направлении. Постройте график полученной зависимости.

В работе приведите электрическую схему (или схемы) с помощью которых вы проводили измерения. Приведите результаты измерений (обязательно укажите, в каких диапазонах вы проводили измерения), расчетные формулы, использованные вами для расчета вольтамперной характеристики диода. В таблице приведите результаты численных расчетов по этим формулам. Постарайтесь провести измерения и расчеты с максимально возможной точностью и в максимально возможном диапазоне напряжений.

Решение

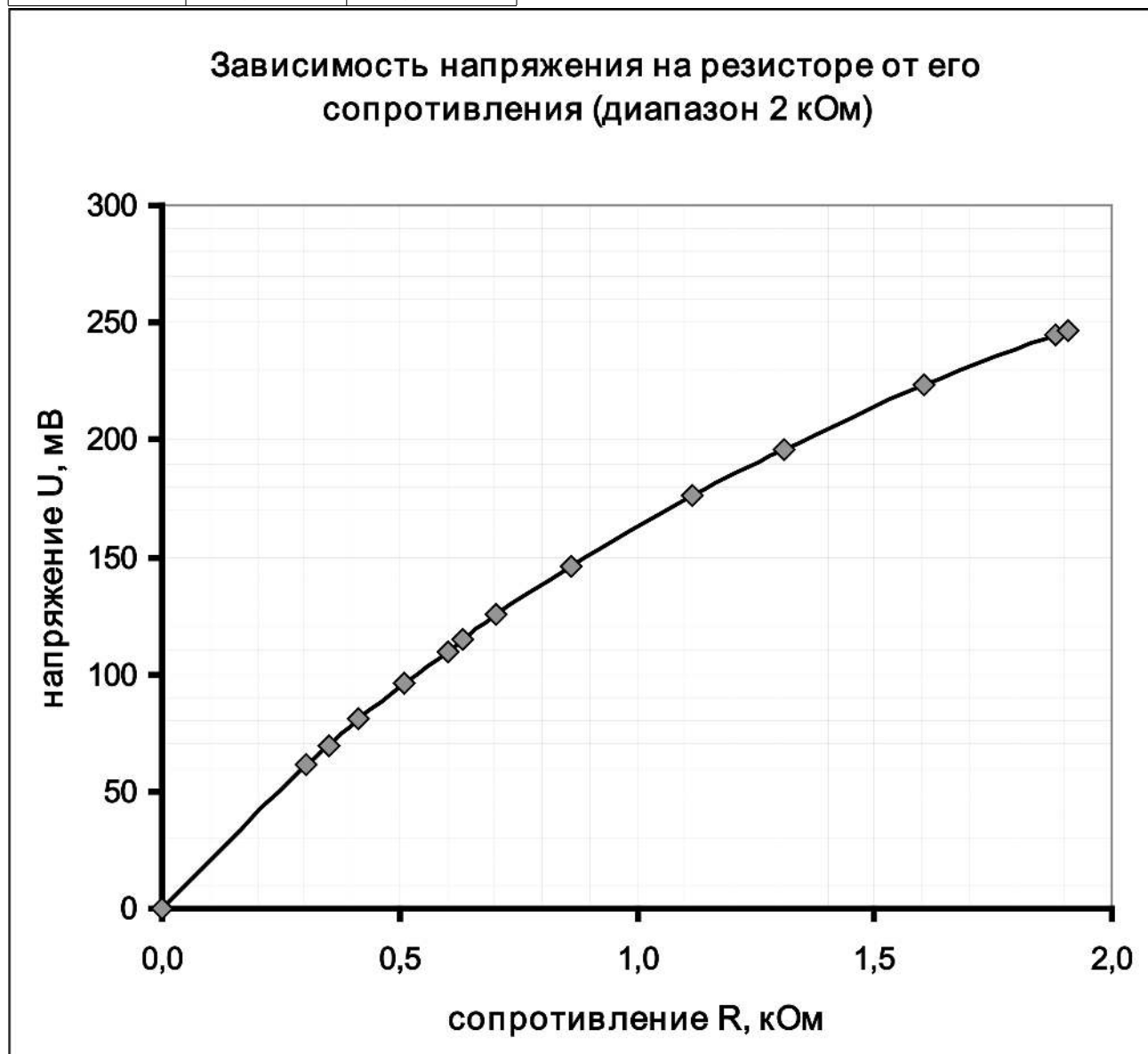
Задача 11-1 Измерения с помощью омметра

Часть 1. Изучение работы омметра и измерение его параметров.

1.1 Результаты измерений зависимости напряжения на резисторе от его сопротивления в диапазоне 2 кОм представлены в таблице 1 и на графике.

Таблица 1.

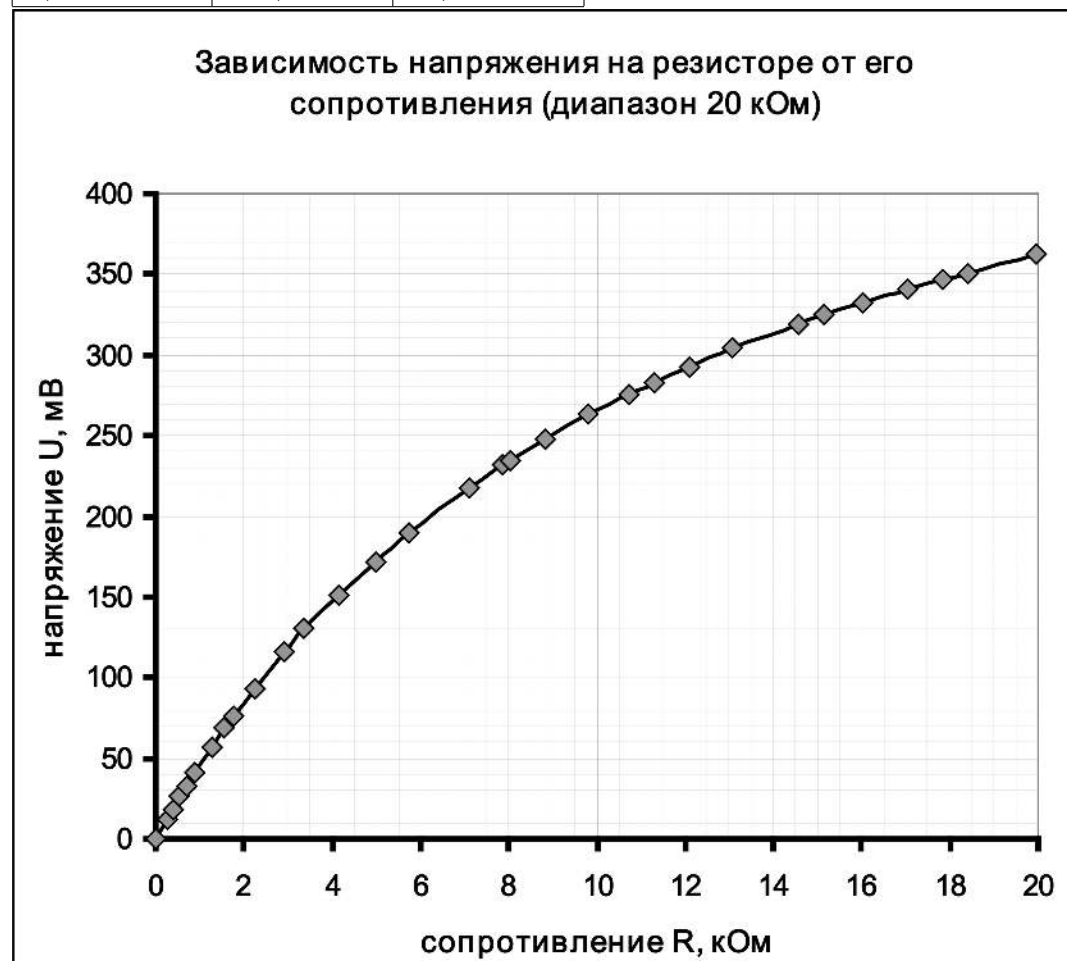
R, кОм	**U, мВ**	**I, мкА**
0	0	
0,305	61,6	202,0
0,351	69,8	198,9
0,413	80,6	195,2
0,512	96,4	188,3
0,600	109,9	183,2
0,631	114,6	181,6
0,705	125,1	177,4
0,860	145,6	169,3
1,117	176,1	157,7
1,308	195,8	149,7
1,606	223,0	138,9
1,883	245,0	130,1
1,906	247,0	129,6



Результаты аналогичных измерений в диапазоне 20 кОм приведены в Таблице 2 и на следующем графике.

Таблица 2.

R, кОм	**U, мВ**	**I, мкА**
0	0	
0,25	12,4	49,6
0,38	18,6	48,9
0,55	26,8	48,7
0,69	33,0	47,8
0,89	41,6	46,7
1,26	56,9	45,2
1,55	68,5	44,2
1,77	76,7	43,3
2,23	93,2	41,8
2,90	115,7	39,9
3,37	130,1	38,6
4,13	151,5	36,7



4,99	171,9	34,4
5,72	190,2	33,3
7,11	218,0	30,7
7,84	232,0	29,6
8,03	235,0	29,3
8,83	248,0	28,1
9,81	263,0	26,8
10,71	275,0	25,7
11,32	283,0	25,0
12,09	293,0	24,2
13,07	304,0	23,3
14,58	319,0	21,9
15,16	325,0	21,4
16,02	332,0	20,7
17,05	341,0	20,0
17,82	347,0	19,5
18,40	351,0	19,1
19,94	362,0	18,2

1.2 Полученные зависимости являются нелинейными. Это означает, что сила тока в цепи и напряжение на резисторе зависят от сопротивления резистора. Полученные зависимости можно объяснить, если предположить, что источник напряжения имеет внутреннее сопротивление, которое сравнимо с измеряемыми сопротивлениями.

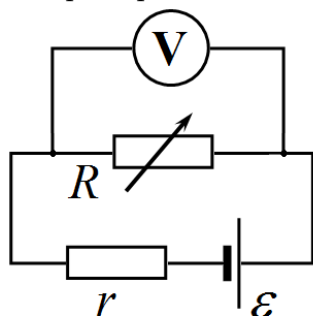


Рис. 2

Следовательно, электрическую схему для измерения сопротивления можно представить в виде, показанном на рисунке 2. Существенными параметрами данной схемы являются ЭДС источника ε и его внутреннее сопротивление r . Если действительно реализована данная схема, то напряжение на резисторе можно рассчитать, используя закон Ома для полной цепи:

$$I = \frac{\varepsilon}{R + r}. \quad (1)$$

Из этой формулы следует, что измеряемое напряжение на переменном резисторе определяется формулой

$$U = IR = \varepsilon \frac{R}{R + r} \quad (2)$$

Для определения внутренних параметров омметра удобнее всего поступить традиционным образом: построить, так называемую, нагрузочную характеристику источника – зависимость напряжения на внешней цепи от силы тока. Эта зависимость следует из формулы (1):

$$\varepsilon = IR + Ir = U + Ir. \quad (3)$$

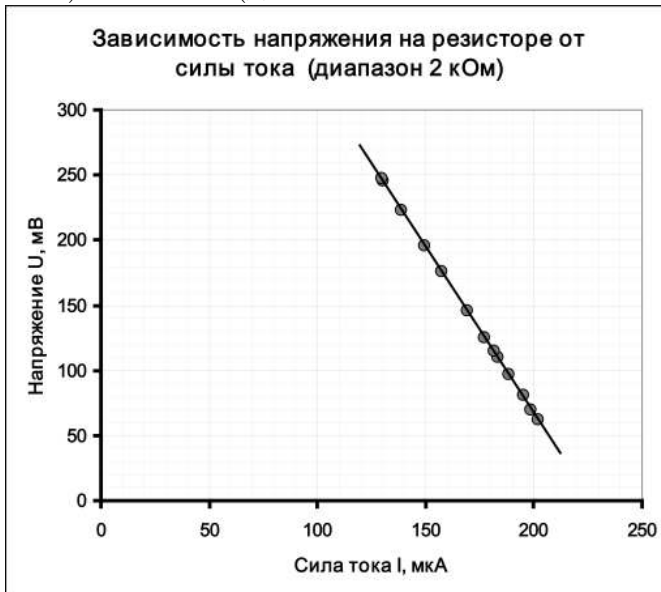
Откуда следует

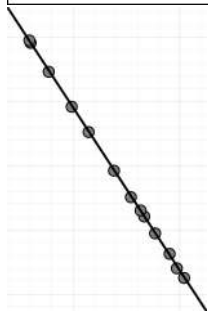
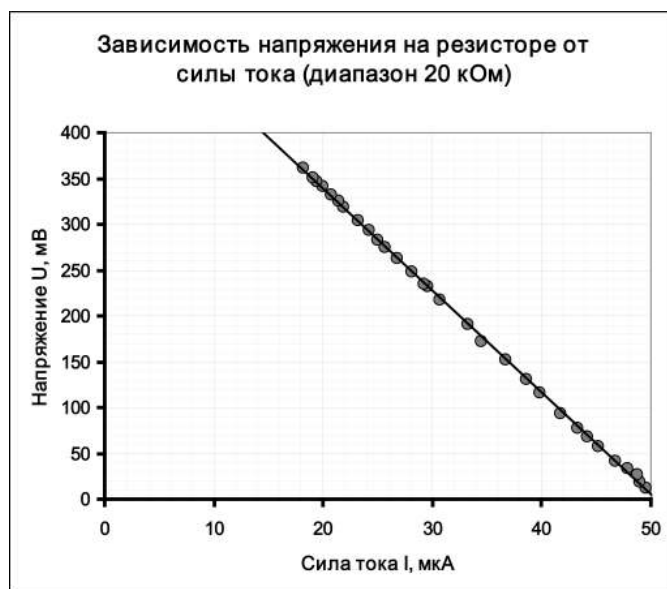
$$U = \varepsilon - Ir \quad (4)$$

Преимущества этой зависимости очевидны: во-первых, эта зависимость линейна, во-вторых, параметры этой зависимости являются необходимыми параметрами источника: коэффициент наклона, взятый с противоположным знаком, равен внутреннему сопротивлению r , а коэффициент сдвига – ЭДС источника. Расчет значений сил токов не представляет сложностей и проводится по формуле

$$I = \frac{U}{R}. \quad (5)$$

Результаты этих расчетов приведены в последнем столбце соответствующих таблиц. Ниже приведены графики зависимостей напряжения на резисторе от силы тока в цепи для двух диапазонов измерения сопротивлений. Линейность этих зависимостей подтверждает применимость предложенной схемы работы мультиметра в режиме омметра. Зависимость напряжения на резисторе от силы тока (диапазон 2 кОм).





Расчет, проведенный по методу наименьших квадратов, дал следующие значения параметров омметра. В диапазоне 2 кОм;

$$\begin{aligned} \varepsilon_2 &= (577,6 \pm 0,3) \text{ мВ} \\ r_2 &= (2,55 \pm 0,01) \text{ кОм} \end{aligned} \quad (6)$$

В диапазоне 20 кОм:

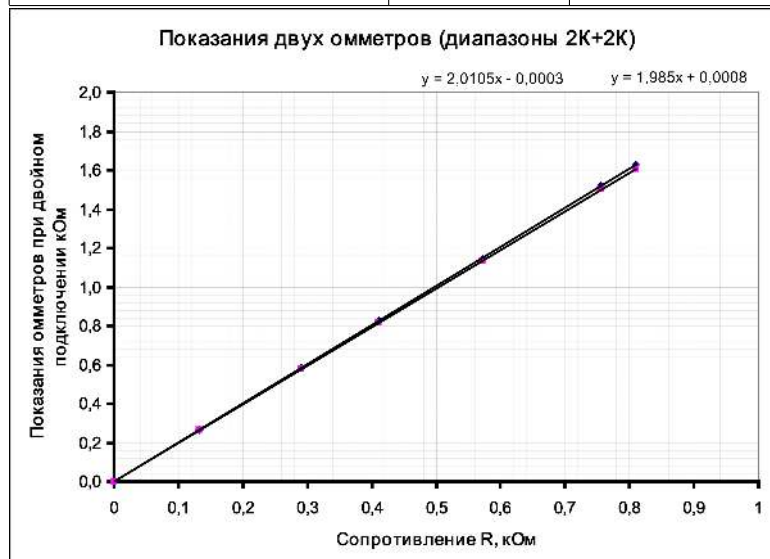
$$\begin{aligned} \varepsilon_{20} &= (562,1 \pm 0,9) \text{ мВ} \\ r_{20} &= (11,1 \pm 0,1) \text{ кОм} \end{aligned} \quad (7)$$

Часть 2. Измерения двумя омметрами.

2.1 При подключении двух омметров параллельно их показания заметно отличаются от показаний омметров при подключении одного омметра. В таблице 3 приведены показания омметров (в кОм), работающих в диапазоне 2 кОм. Рядом показаны графики зависимости показаний омметров при параллельном подключении от сопротивления резистора (по условию построение этих графиков не требуется).

Таблица 3.

Отдельное подключение		Параллельное подключение	
1 омметр	2 омметр	1 омметр	2 омметр
0	0	0	0
0,132	0,132	0,265	0,263
0,291	0,291	0,586	0,581
0,411	0,411	0,826	0,817
0,572	0,572	1,146	1,132
0,756	0,756	1,520	1,502
0,809	0,809	1,628	1,608
1,176	1,176		



В таблице 4 приведены аналогичные данные, когда один омметр работает в диапазоне 2 кОм, а второй – 20 кОм.

Таблица 4.

Отдельное подключение		Параллельное подключение	
1 омметр	2 омметр	1 омметр	2 омметр
0	0	0	0
0,197	0,19	0,241	1,08
0,272	0,26	0,333	1,49
0,363	0,35	0,443	2,00
0,487	0,48	0,594	2,68
0,621	0,61	0,758	3,42
0,678	0,67	0,828	3,74
0,803	0,79	0,980	4,44
1,150	1,14	1,402	6,37
1,014	1,00	1,236	5,61
1,225	1,21	1,493	6,78
1,329	1,32	1,621	7,37
1,549	1,54	1,889	8,60



2.2 При отдельном подключении каждый омметр показывает сопротивление переменного резистора. Незначительные различия в показания омметров (особенно при работе в разных диапазонах) связаны с приборными погрешностями омметров.

Во всех случаях показания омметров при их параллельном подключении прямо пропорциональны сопротивлению резистора (но отличаются от него). Поэтому эта связь может быть выражена простой формулой:

$$\begin{aligned}\tilde{R}_1 &= k_1 R_1 \\ \tilde{R}_2 &= k_2 R_2\end{aligned}\tag{8}$$

Когда оба резистора работают в одинаковом диапазоне 2кОм, коэффициенты пропорциональности примерно одинаковы и с достаточно высокой точностью равны 2:

$$k_1 = k_2 = 2.\tag{9}$$

Когда первый резистор работает в диапазоне 2кОм, а второй - в диапазоне 20кОм, соответствующие коэффициенты, как следует из таблицы 4, равны:

$$\begin{aligned}k_1 &= 1,22 \\ k_2 &= 5,55\end{aligned}\tag{10}$$

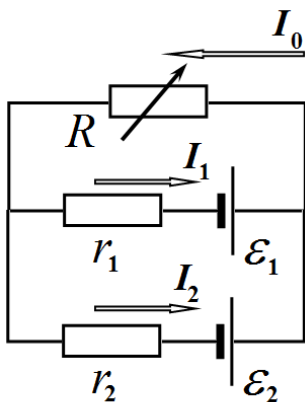


Рис. 3

Рассмотрим эквивалентную схему при параллельном подключении двух омметров (рис. 3). Разумно предположить, что пересчет сопротивления осуществляется по очевидной формуле (показания омметра равны отношению напряжения на измеряемом участке цепи U_0 к силе тока через омметр I'):

$$\tilde{R} = \frac{U_0}{I'} \quad (11)$$

По крайней мере, эта формула дает правильные результаты при подключении одного омметра. Для упрощения расчетов воспользуемся подсказкой, и будем считать, что ЭДС обоих омметров одинакова $\varepsilon_1 = \varepsilon_2 = \varepsilon$. В этом случае напряжения на внутренних сопротивлениях резисторов равны. Действительно, для каждого из контуров можно записать соотношения:

$$\begin{cases} \varepsilon = I_1 r_1 + I_0 R \\ \varepsilon = I_2 r_2 + I_0 R \end{cases} \quad (11)$$

Из которых следует, что

$$I_1 r_1 = I_2 r_2 \quad (12)$$

Кроме того, запишем очевидное соотношение для силы тока через переменный резистор

$$I_0 = I_1 r + I_2 r. \quad (13)$$

Из уравнений (12)-(13) следуют формулы для сил токов через омметры

$$\begin{aligned} I_1 &= I_0 \frac{r_2}{r_1 + r_2} \\ I_2 &= I_0 \frac{r_1}{r_1 + r_2} \end{aligned} \quad (14)$$

Наконец, подставим эти выражения в гипотетическую формулу (11): Для первого омметра

$$\tilde{R}_1 = \frac{U_0}{I_1} = \frac{I_0 R}{I_0 \frac{r_2}{r_1 + r_2}} = \frac{r_1 + r_2}{r_2} R. \quad (15)$$

Аналогично для второго омметра

$$\tilde{R}_2 = \frac{U_0}{I_2} = \frac{I_0 R}{I_0 \frac{r_1}{r_1 + r_2}} = \frac{r_1 + r_2}{r_1} R. \quad (16)$$

Таким образом, наш вывод показывает, что показания параллельно подключенных омметров пропорциональны сопротивлению резистора и позволяют рассчитать коэффициенты пропорциональности. Если оба омметра работают в одном диапазоне, то $r_1 = r_2$ и коэффициенты пропорциональности в этом случае равны $k_1 = k_2 = 2$, что полностью подтверждается результатами измерений. Для расчета коэффициентов пропорциональности во втором случае, когда диапазоны измерений различны, воспользуемся результатами измерений внутренних сопротивлений омметров (6)-(7). Тогда теоретические значения коэффициентов пропорциональности оказываются равными

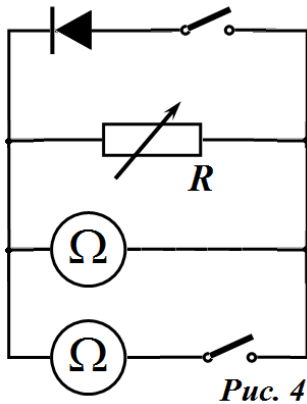
$$k_1 = \frac{r_1 + r_2}{r_2} = \frac{2,55 + 11,1}{11,1} = 1,23$$

$$k_1 = \frac{r_1 + r_2}{r_1} = \frac{2,55 + 11,1}{2,55} = 5,35 \quad (17)$$

Рассчитанные значения коэффициентов очень близки к экспериментальным, что подтверждает применимость выдвинутой гипотезы о работе омметра. Незначительные отклонения связаны с тем, что ЭДС источников в разных диапазонах немного отличаются.

Часть 3. Изучение полупроводникового диода.

Для выбора схемы измерений можно измерить сопротивление диода, непосредственно подключая его к омметру. Это сопротивление оказывается равным примерно 3,2 кОм. Очевидно, что сопротивление диода зависит от напряжения, однако порядок величины сохраняется. Это сопротивление сравнимо по порядку величины с внутренним сопротивлением омметра. Для изучения ВАХ в максимально возможном диапазоне сил токов и напряжений необходимо использовать источник с максимальным ЭДС и минимальным внутренним сопротивлением. Этим условиям удовлетворяет схема с использованием двух омметров, соединенным последовательно. Для изменения напряжения следует использовать переменный резистор. Если резистор подключать последовательно с диодом, то сила тока будет мала.



Таким образом, оптимальная схема для измерения ВАХ диода имеет вид, показанный на рис. 4. С помощью такой схемы можно измерить: - сопротивление резистора (при подключении одного и двух резисторах R , $\tilde{R}_2$); - сопротивление параллельно соединенных резистора и диода (при подключении одного и двух резисторах R_Σ , $\tilde{R}_{2\Sigma}$); Этих данных (с учетом измеренных ранее ЭДС и внутреннего сопротивления омметра) достаточно для расчета напряжения на диоде и силы тока через него. Проведем такой расчет для цепи, показанной на рис. 5. Напряжение на внешней цепи (диоде и переменном резисторе) равно

$$U_D = \frac{\mathcal{E}}{r + R_\Sigma} R_\Sigma. \quad (18)$$

Сила тока через резистор:

$$I_R = \frac{U_D}{R}. \quad (19)$$

Сила тока через диод:

$$I_D = I - I_R = \frac{U_D}{R_\Sigma} - \frac{U_D}{R} = U_D \left(\frac{1}{R_\Sigma} - \frac{1}{R} \right). \quad (20)$$

При подключении двух омметров, работающих в одном диапазоне, ЭДС остается неизменной, а внутреннее сопротивление уменьшается в два раза. Необходимость проведения измерений с

одним омметром обусловлена несколькими причинами: - возможностью измерения сопротивления резистора в максимально возможном диапазоне; - повышением точности измерений при малых силах токов; - возможностью дополнительного измерения ВАХ, что повышает надежность полученных результатов.

В Таблице 5 приведены результаты измерений и расчетов по формулам (18) и (20).

Ниже приведен график полученной зависимости: кружками отмечены значения, рассчитанные по измерениям одним омметром, ромбами – двумя. Видно, что эти результаты частично перекрываются, причем в области перекрытия отлично ложатся на одну кривую. Отметим, что измерения, проведенные при работе в диапазоне 20 кОм, дают результаты, совпадающие с приведенными, но в меньшем диапазоне напряжений.

